

Excel Matematik SPM
Tingkatan 4 Bab 3
Penaakulan Logik
Penyelesaian Lengkap

Praktis Formatif 3.1

1

Tip Hebat

Pernyataan ialah ayat dengan keadaan ia **dapat ditentukan sama ada ia benar atau palsu.**

- (a) Pernyataan kerana kita dapat menentukan bahawa ayat itu adalah palsu.
- (b) Bukan pernyataan kerana ayat itu merupakan suatu soalan.
- (c) Bukan pernyataan kerana ayat itu merupakan suatu arahan.
- (d) Bukan pernyataan kerana ayat itu merupakan suatu seruan.
- (e) Pernyataan kerana kita dapat menentukan bahawa ayat itu adalah benar.
- (f) Bukan pernyataan kerana kita tidak dapat menentukan sama ada ayat itu adalah benar atau palsu.
- (g) Pernyataan kerana kita dapat menentukan bahawa ayat itu adalah palsu.

2

Tip Hebat

- Pengkuantiti ‘**semua**’ bermaksud setiap objek atau kes memenuhi syarat tertentu.
- Pengkuantiti ‘**sebilangan**’ bermaksud beberapa dan tidak semestinya setiap objek atau kes memenuhi syarat tertentu.

- (a) Benar
- (b) Benar
- (c) Benar
- (d) Palsu
- (e) Palsu
- (f) Palsu
- (g) Benar
- (h) Palsu
- (i) Benar
- (j) Benar
- (k) Palsu
- (l) Benar

3

Tip Hebat

Penafian ialah satu proses yang **menidakkannya** suatu pernyataan dengan menggunakan perkataan ‘**bukan**’ atau ‘**tidak**’. Suatu pernyataan benar boleh ditukar kepada pernyataan palsu dan sebaliknya dengan menggunakan perkataan ‘**bukan**’ atau ‘**tidak**’.

- (a) Palsu

Sungai Rajang bukan terletak di negeri Sabah. [Benar]

- (b) Benar

121 bukan satu nombor kuasa dua sempurna. [Palsu]

- (c) Palsu

Hasil tambah sudut-sudut pedalaman sebuah pentagon bukan 900° [Benar]

- (d) Benar

Ular bukan reptilia. [Palsu]

- (e) Palsu

$\cos 30^{\circ}$ tidak sama dengan $\frac{\sqrt{3}}{2}$. [Benar]

- (f) Benar

Tun Abdul Razak bukan Perdana Menteri Malaysia yang kedua [Palsu]

4

Tip Hebat

<i>p</i>	<i>q</i>	<i>p</i> dan <i>q</i>
Benar	Benar	Benar
Benar	Palsu	Palsu
Palsu	Benar	Palsu
Palsu	Palsu	Palsu

- (a) Benar dan benar adalah benar
- (b) Palsu dan palsu adalah palsu
- (c) Palsu dan benar adalah benar
- (d) Palsu dan benar adalah palsu
- (e) Benar dan palsu adalah palsu
- (f) Palsu dan benar adalah palsu

5

Tip Hebat		
<i>p</i>	<i>q</i>	<i>p atau q</i>
Benar	Benar	Benar
Benar	Palsu	Benar
Palsu	Benar	Benar
Palsu	Palsu	Palsu

- (a) Benar atau benar adalah benar
 (b) Palsu atau benar adalah benar
 (c) Benar atau palsu adalah benar
 (d) Palsu atau palsu adalah palsu
 (e) Benar dan palsu adalah benar
 (f) Benar atau palsu adalah benar

6

Tip Hebat	
Bagi dua pernyataan, <i>p</i> dan <i>q</i> , pernyataan ' jika <i>p</i>, maka <i>q</i> ' ialah satu implikasi dengan keadaan <i>p</i> ialah antejadian dan <i>q</i> ialah akibat .	

- (a) Antejadian: $a^2 + b^2 = c^2$
 Akibat: Segi tiga *ABC* ialah sebuah segi tiga bersudut tegak.
 (b) Antejadian: *ABCD* ialah sebuah lelayang.
 Akibat: *ABCD* mempunyai satu paksi simetri.
 (c) Antejadian: *h* ialah nombor ganjil.
 Akibat: *h* + 1 ialah nombor genap.
 (d) Antejadian: $x^2 - 81 = 0$
 Akibat: $x = \pm 9$
 (e) Antejadian: Set *A* tidak mengandungi unsur.
 Akibat: Set *A* ialah \emptyset .
 (f) Antejadian: $y > 3$.
 Akibat: $-y < -3$

- 7 (a) Jika $x = 64$, maka $\sqrt[3]{x} = 4$.
 (b) Jika *PQRST* ialah sebuah pentagon sekata, maka *PQRST* mempunyai lima paksi simetri.
 (c) Jika $-2x > 12$, maka $x < -6$.
 (d) Jika *x* ialah nombor perdana, maka *m* boleh dibahagi tepat dengan *x* dan 1 sahaja.

8

Tip Hebat	
Bagi dua pernyataan <i>p</i> dan <i>q</i> , pernyataan ' jika dan hanya jika <i>q</i> ' ialah singkatan bagi ' jika <i>p</i>, maka <i>q</i> ' dan ' jika <i>q</i>, maka <i>p</i> '.	

- (a) Implikasi 1: Jika $x > y$, maka $\frac{1}{5}x > \frac{1}{5}y$.

Implikasi 2: Jika $\frac{1}{5}x > \frac{1}{5}y$, maka
 $x > y$.

- (b) Implikasi 1: Jika $x^2 = 36$, maka $x = \pm 6$.

Implikasi 2: Jika $x = \pm 6$, maka
 $x^2 = 36$.

- (c) Implikasi 1: Jika $5(x+3) = 25$, maka
 $5x + 15 = 25$.

Implikasi 2: Jika $5x + 15 = 25$, maka
 $5(x+3) = 25$.

- (d) Implikasi 1: Jika *ABC* ialah sebuah segi tiga sama kaki, maka segi tiga itu mempunyai dua sisi yang sama panjang.

Implikasi 2: Jika segi tiga *ABC* mempunyai dua sisi yang sama panjang, maka segi tiga itu ialah sebuah segi tiga sama sisi.

- (e) Implikasi 1: Jika θ dan α ialah sudut berselang-seli, maka $\theta = \alpha$.

Implikasi 2: Jika $\theta = \alpha$, maka θ dan α ialah sudut berselang-seli

- (f) Implikasi 1: Jika *x* ialah sudut konjugat bagi *y*, maka $x + y = 360^\circ$

Implikasi 2: Jika $x + y = 360^\circ$, maka *x* ialah sudut konjugat bagi *y*.

- 9 (a) $\frac{a}{b}$ ialah pecahan wajar jika dan hanya jika $a < b$.

- (b) Persamaan satu garis lurus ialah

$\frac{x}{4} + \frac{y}{2} = 1$ jika dan hanya jika pintasan-*x* dan pintasan-*y* bagi satu garis lurus itu masing-masing ialah 4 dan 2.

- (c) $(x + 5)^2 = 0$ jika dan hanya jika $x = -5$.

- (d) $\tan x = \sqrt{3}$ jika dan hanya jika $x = 60^\circ$

10

Tip Hebat

Akas bagi implikasi '**jika *p*, maka *q***' ialah '**jika *q*, maka *p***'.

- (a) Jika $x > -5$, maka $x > -10$. [Palsu]

- (b) Jika $x = \frac{y-1}{3}$, maka $y = 3x+1$. [Benar]

- (c) Jika setiap sudut pedalaman bagi *RSTUVW* ialah 120° , maka *RSTUVW* ialah sebuah heksagon sekata. [Benar]

- (d) Jika suatu nombor boleh dibahagi tepat dengan 5, maka digit terakhir bagi nombor itu ialah 0 atau 5. [Benar]

- (e) Jika sebuah poligon itu mempunyai dua pasang sisi bertentangan yang selari, maka poligon itu ialah sebuah segi empat selari. [Benar]
- (f) Jika nombor p ialah gandaan 2, maka p ialah gandaan 4. [Palsu]

11

Tip Hebat

Songsangan bagi implikasi ‘jika p , maka q ’ ialah ‘jika bukan p , maka bukan q ’.

- (a) Jika $h \leq \frac{9}{3}$, maka $h \leq \frac{4}{3}$ [Palsu]
- (b) Jika $k \geq -15$, maka $k \geq -10$. [Palsu]
- (c) Jika $p \geq -\frac{8}{9}$, maka $p \geq -\frac{4}{9}$. [Palsu]
- (d) Jika $g(x)$ bukan satu fungsi kuadratik, maka grafnya tidak mempunyai bentuk parabola. [Benar]
- (e) Jika set $A \neq \emptyset$, maka $n(A) \neq 0$ [Benar]
- (f) Jika k^5 bukan negatif, maka k bukan negatif. [Benar]

12

Tip Hebat

Kontrapositif bagi implikasi ‘jika p , maka q ’ ialah ‘jika bukan q , maka bukan p ’.

- (a) Jika sebuah poligon bukan heptagon sekata, maka ia tidak mempunyai tujuh sudut yang sama. [Benar]
- (b) Jika $\cos \theta \neq \frac{1}{\sqrt{2}}$, maka $\theta \neq 45^\circ$. [Benar]
- (c) Jika n bukan gandaan 3, maka ia bukan gandaan 12. [Benar]
- (d) Jika $x \geq -\frac{8}{9}$, maka $x \geq -\frac{5}{13}$. [Benar]
- (e) Jika suatu nombor tidak boleh dibahagi tepat dengan 2, maka nombor itu bukan gandaan 4. [Benar]
- (f) Jika k bukan faktor bagi 48, maka k bukan faktor bagi 12. [Benar]

13

Tip Hebat

Penyangkal untuk menafikan kebenaran pernyataan tertentu melibatkan

- (a) pengkuantiti,
 (b) pernyataan majmuk,
 (c) penafian dan
 (d) implikasi yang sesuai.

- (a) Benar
 (b) Palsu. Di Semenanjung Malaysia, sungai yang terpanjang ialah Sungai

Pahang dan gunung yang tertinggi ialah Gunung Tahan.

- (c) Benar
 (d) Benar

(e) Palsu. Jika $x = 60$, maka $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$.

Praktis Formatif 3.2

1

Tip Hebat

- Hujah **deduktif** adalah hujah dengan keadaan **premisnya** adalah **pasti benar** untuk menjamin **kebenaran kesimpulan**.
- Dalam hujah **induktif**, premisnya hanya bertujuan untuk dijadikan seberapa **menyakinkan** yang mungkin dengan keadaan, jika ia cukup **kukuh**, maka kesimpulannya adalah **kuat**.

- (a) Hujah induktif
 (b) Hujah deduktif
 (c) Hujah induktif
 (d) Hujah deduktif

- 2 (a) Munasabah kerana hujah deduktif itu adalah sah dan kedua-dua premis dan kesimpulan adalah benar.
 (b) Tidak munasabah kerana premis pertama tidak benar. Perkataan ‘pelengkap’ sepatutnya ‘penggenap’.
 (c) Tidak munasabah kerana premis kedua tidak benar. Nilai maksimum bagi kos y ialah 1.
 (d) Tidak munasabah kerana premis pertama tidak benar. Garis lurus yang selari dengan paksi- y adalah tidak tertakrif.

- 3 (a) $RSTU$ mempunyai empat sudut tegak.
 (b) $x < -\frac{9}{5}$
 (c) $EFGH$ mempunyai empat paksi simetri
 (d) $v = 30^\circ$ dan $w = 60^\circ$
 (e) Set $Q = \{x : x$ ialah integer dua digit

- 4 (a) Semua lelayang ialah sisi empat.
 (b) $PQRST$ ialah sebuah pentagon sekata.
 (c) $a^{-\frac{m}{n}} = b$
 (d) $x \neq 30^\circ$
 (e) Jika perpuluhan berulang $0.363636\dots$ dapat diungkapkan sebagai satu pecahan, maka perpuluhan berulang $0.363636\dots$ ialah nombor nisbah.
 (f) Semua reptilia berdarah sejuk.
 (g) Jika h ialah sudut pelengkap bagi k , maka $h + k = 90^\circ$

- (h) Jika $p + q = 180^\circ$, maka q ialah sudut penggenap bagi bagi p .
 (i) y bukan sudut konjugat bagi x .

2 Sebuah segi tiga mempunyai 2 sisi atau 3 bucu.

Palsu atau benar adalah benar.

- 5** (a) Kuat kerana premis dan kesimpulannya adalah logik dan menyakinkan.
 (b) Lemah kerana hujah induktif itu tidak menyatakan tentang warna kerusi plastik di bilik tidur mengakibatkan kesimpulannya tidak kukuh.
- 6** (a) Jailani dan Norhayati mengamalkan nilai kerajinan.
 (b) Semua kenderaan di Malaysia dipandu di sebelah kiri lebuh raya dan jalan raya biasa.

7 Isi padu kon

$$= \frac{1}{3} \pi j^2 t = \frac{1}{3} \left(\frac{22}{7} \right) (7)^2 (14) = 718 \frac{2}{3} \text{ cm}^3$$

8 Isi padu

$$= \frac{1}{3} x^2 h = \frac{1}{3} \times 7^2 \times 14 = 228 \frac{2}{3} \text{ cm}^3$$

9 $5 = 5(2^{1-1})$

$$10 = 5 \times 2^{2-1}$$

$$20 = 5 \times 2^{3-1}$$

$$40 = 5 \times 2^{4-1}$$

Sebutan ke- n = $5(2^{n-1})$, $n = 1, 2, 3, 4, \dots$

10 $1 = \frac{1}{2}(1)(2)$

$$3 = \frac{1}{2}(2)(2+1)$$

$$6 = \frac{1}{2}(3)(3+1)$$

$$10 = \frac{1}{2}(4)(4+1)$$

Sebutan ke- n = $\frac{1}{2}n(n+1)$, $n = 1, 2, 3, 4, \dots$

Praktis Sumatif 3

Soalan Objektif

- 1** ‘Senaraikan faktor-faktor bagi 12’ adalah satu arahan. Maka, ia bukan satu pernyataan.
Jawapan: C

Jawapan: A

3 Kontrapositif ialah ‘Jika k bukan gandaan 3, maka k bukan gandaan 18’.

Jawapan: C

4 Semua heptagon sekata mempunyai 7 sudut pedalaman yang sama saiz.

Jawapan: C

5 Sebutan ke- n = $\frac{n}{2}[4 + 3(n-1)]$

Jawapan: A

Soalan Struktur

- 1** (a) Pernyataan kerana kita dapat menentukan bahawa ia adalah palsu.
 (b) Bukan pernyataan kerana kita tidak dapat menentukan sama ada ia adalah benar atau palsu.

- 2** (a) Benar (b) Palsu

- 3** (a) Benar (b) Palsu

- 4** (a) Benar dan palsu adalah palsu.
 (b) Palsu atau benar adalah benar.

5 (a) Jika $p > -\frac{7}{3}$, maka $p > -\frac{2}{3}$.

(b) Jika $p \leq -\frac{2}{3}$, maka $p \leq -\frac{7}{3}$.

(c) Jika $p \leq -\frac{7}{3}$, maka $p \leq -\frac{2}{3}$.

6 Implikasi 1: Jika kecerunan satu garis lurus ialah $-\frac{b}{a}$, maka pintasan-x

dan pintasan-y garis lurus itu

masing-masing ialah a dan b .

Implikasi 2: Jika pintasan-x dan pintasan-y satu garis lurus masing-masing ialah a dan b , maka kecerunan

garis lurus itu ialah $-\frac{b}{a}$

- 7** Semua nombor negatif adalah kurang daripada 0.

8 Segi tiga P dan segi tiga Q tidak mempunyai bentuk dan saiz yang sama.

9 Yati dan Rosliana mengamalkan nilai kasih sayang terhadap ibu bapa mereka.

- 10** (a) Munasabah kerana hujah deduktif itu adalah sah dan kedua-dua premis dan kesimpulan adalah benar.
(b) Tidak munasabah kerana premis pertama tidak benar. 2 ialah satu nombor perdana yang genap.

11 Kuat kerana premis dan kesimpulannya adalah logik dan menyakinkan.

12 (a) $T_n = 2^{n-1}$, $n = 1, 2, 3, 4, \dots$,

$$S_n = 2^n - 1, n = 1, 2, 3, 4, \dots$$

(b) $T_8 = 2^{8-1} = 128$ biji

(c) $2^n - 1 = 255$

$$2^n = 256$$

$$2^n = 2^8$$

$$n = 8$$

Kesemua 8 sektor dapat diisi kerana $S_8 = 256$.

13 (a) Katakan luas bagi rantau yang tidak tidak berlorek bagi corak ke- $n = L_n$

$$L_1 = (10 \times 1)^2 - 25\pi(1)^2$$

$$L_2 = (10 \times 2)^2 - 25\pi(2)^2$$

$$L_3 = (10 \times 3)^2 - 25\pi(3)^2$$

\vdots

$$L_n = (10n)^2 - 25n^2\pi$$

(b) $L_5 = (10 \times 5)^2 - 25(5)^2 \left(\frac{22}{7}\right)$

$$= 535 \frac{5}{7} \text{ cm}^2$$